Задача А. Компоненты связности

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный невзвешенный граф. Необходимо посчитать количество его компонент связности и вывести их.

Формат входных данных

Во входном файле записано два числа N и M (0 < $N \le 100000, 0 \le M \le 100000$). В следующих M строках записаны по два числа i и j (1 $\le i, j \le N$), которые означают, что вершины i и j соединены ребром.

Формат выходных данных

В первой строчке выходного файла выведите количество компонент связности. Далее выведите сами компоненты связности в следующем формате: в первой строке количество вершин в компоненте, во второй - сами вершины в отсортированном порядке.

стандартный ввод	стандартный вывод
6 4	3
3 1	3
1 2	1 2 3
5 4	2
2 3	4 5
	1
	6

Задача В. Есть ли цикл?

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный граф. Требуется определить, есть ли в нем цикл.

Формат входных данных

В первой строке вводится число n - количество вершин и m - количество ребер. $(1 \le n, m \le 10^5)$. Далее в m строках следует по 2 числа u, v - вершины графа, соединенные ребром.

Формат выходных данных

Выведите 0, если в заданном графе нет цикла, и 1, если он есть.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4	1
1 2	
2 3	
3 4	
4 1	
3 2	0
1 2	
1 3	

Задача С. Конденсация графа. Light.

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Требуется найти количество ребер в конденсации ориентированного графа. Примечание: конденсация графа не содержит кратных ребер и петель.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m – количество вершин и ребер графа соответственно ($n \le 10\,000, m \le 100\,000$). Следующие m строк содержат описание ребер, по одному на строке. Ребро номер i описывается двумя натуральными числами b_i, e_i – началом и концом ребра соответственно ($1 \le b_i, e_i \le n$). В графе могут присутствовать кратные ребра и петли.

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно число – количество ребер в конденсации графа.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4	2
2 1	
3 2	
2 3	
4 3	

Задача D. Конденсация графа

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам задан ориентированный граф с N вершинами и M ребрами (1 $\leqslant N \leqslant 200\,000$, $1 \leqslant M \leqslant 200\,000$). Найдите компоненты сильной связности заданного графа и топологически отсортируйте его конденсацию.

Формат входных данных

Граф задан во входном файле следующим образом: первая строка содержит числа N и M. Каждая из следующих M строк содержит описание ребра — два целых числа из диапазона от 1 до N — номера начала и конца ребра.

Формат выходных данных

На первой строке выведите число K — количество компонент сильной связности в заданном графе. На следующей строке выведите N чисел — для каждой вершины выведите номер компоненты сильной связности, которой принадлежит эта вершина. Компоненты сильной связности должны быть занумерованы таким образом, чтобы для любого ребра номер компоненты сильной связности его начала не превышал номера компоненты сильной связности его конца.

стандартный ввод	стандартный вывод
10 19	2
1 4	1 2 2 1 1 2 2 2 2 1
7 8	
5 10	
8 9	
9 6	
2 6	
6 2	
3 8	
9 2	
7 2	
9 7	
4 5	
3 6	
7 3	
6 7	
10 8	
10 1	
2 9	
2 7	

Задача Е. Отбой

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Как всем известно, в 22:45 все ЛКШата должны быть в своих домиках. Петя слишком долго играл с друзьями в настольные игры и не успел вернуться до мягкого отбоя. Теперь он задумался о том, как пройти в свой домик так, чтобы его не заметили преподаватели.

 Π КШ проводится на базе Стёпаново, на которой есть n домиков, пронумерованных от 1 до n. Домики соединяют m дорожек. Известно, что каждая дорожка соединяет ровно два различных домика, и любые два домика соединены не более, чем одной дорожкой. Передвигаться можно только по дорожкам, при этом по любой дорожке можно двигаться в любом направлении. Известно, что из любого домика можно добраться до любого другого по дорожкам.

Петя знает, что в домике t живет Денис Павлович и, если пройти мимо, то он что-то заподозрит и поднимет тревогу. Если это произойдет, то ровно на $\lfloor \frac{m}{2} \rfloor$ случайных дорожках появятся преподаватели, жаждущие поставить кому-нибудь дырку в бейджик. По этим дорожкам Петя пройти не сможет. Петя не может заранее узнать, где будут преподаватели.

Вам нужно для k пар домиков u_i и v_i определить, сможет ли Петя гарантированно добраться из домика u_i в домик v_i , не получив дырку в бейджик.

Формат входных данных

В первой строке заданы три целых числа n, m и t $(3 \le n, m \le 10^5, 1 \le t \le n)$ – число домиков на базе, число дорожек и номер домика, где живет Денис Павлович.

В следующих m строках задано по два целых числа a_i и b_i $(1 \leqslant a_i, b_i \leqslant n)$, обозначающих то, что домики a_i и b_i соединены дорожкой.

В следующей строке задано целое число k ($1 \le k \le 10^5$) – число запросов.

В следующих k строках задано по два целых числа u_i и v_i ($1 \le u_i, v_i \le n, u_i \ne v_i$) – домики, для которых нужно определить, сможет ли Петя дойти от одного до другого. Известно, что Денис Павлович не живет ни в домике u_i , ни в домике v_i .

Формат выходных данных

Для каждого из k запросов выведите на отдельной строке Yes, если Петя не сможет дойти до своего домика незамеченным, иначе выведите No.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 3 3	Yes
4 3	No
4 2	
3 1	
2	
2 4	
1 4	

Задача F. Эйлеров путь

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный связный граф, не более трех вершин имеет нечетную степень. Требуется определить, существует ли в нем путь, проходящий по всем ребрам.

Если такой путь существует, необходимо его вывести.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число n — количество вершин графа ($1 \le n \le 100\,000$). Далее следуют n строк, задающих ребра. В i-й из этих строк находится число m_i — количество ребер, инцидентных вершине i. Далее следуют m_i натуральных чисел — номера вершин, в которые ведут ребро из i-й вершины.

Граф может содержать кратные ребра, но не содержит петель.

Граф содержит не более 300 000 ребер.

Формат выходных данных

Если решение существует, то в первую строку выходного файла выведите одно число k — количество ребер в искомом маршруте, а во вторую k+1 число — номера вершин в порядке их посещения.

Если решений нет, выведите в выходной файл одно число -1.

Если решений несколько, выведите любое.

стандартный ввод	стандартный вывод
4	5
2 2 2	1 2 4 3 2 1
4 1 4 3 1	
2 2 4	
2 3 2	

Задача G. Авиаперелёты

Имя входного файла: avia.in
Имя выходного файла: avia.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Главного конструктора Петю попросили разработать новую модель самолёта для компании «Air Бубундия». Оказалось, что самая сложная часть заключается в подборе оптимального размера топливного бака.

Главный картограф «Air Бубундия» Вася составил подробную карту Бубундии. На этой карте он отметил расход топлива для перелёта между каждой парой городов.

Петя хочет сделать размер бака минимально возможным, для которого самолёт сможет долететь от любого города в любой другой (возможно, с дозаправками в пути).

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число n ($1 \le n \le 1000$) — число городов в Бубундии. Далее идут n строк по n чисел каждая. j-е число в i-й строке равно расходу топлива при перелёте из i-го города в j-й. Все числа не меньше нуля и меньше 10^9 . Гарантируется, что для любого i в i-й строчке i-е число равно нулю.

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно число — оптимальный размер бака.

avia.in	avia.out
4	10
0 10 12 16	
11 0 8 9	
10 13 0 22	
13 10 17 0	

Задача Н. Свинки-копилки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

У Васи есть n свинок-копилок, свинки занумерованы числами от 1 до n. Каждая копилка может быть открыта единственным соответствующим ей ключом или разбита.

Вася положил ключи в некоторые из копилок (он помнит, какой ключ лежит в какой из копилок). Теперь Вася собрался купить машину, а для этого ему нужно достать деньги из всех копилок. При этом он хочет разбить как можно меньшее количество копилок (ведь ему еще нужно копить деньги на квартиру, дачу, вертолет...). Помогите Васе определить, какое минимальное количество копилок нужно разбить.

Формат входных данных

В первой строке содержится число n — количество свинок-копилок ($1 \le n \le 100$). Далее идет n строк с описанием того, где лежит ключ от какой копилки: в i-й из этих строк записан номер копилки, в которой находится ключ от i-й копилки.

Формат выходных данных

Выведите единственное число: минимальное количество копилок, которые необходимо разбить.

стандартный вывод
2

Задача І. Правильная скорая помощь

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В связи с напряженной эпидемиологической обстановкой было решено пристраивать к уже существующим домам станции скорой помощи. Город задан в виде графа, в котором ребра — это односторонние дороги, а вершины — дома. Разумеется, во время вызова скорая может игнорировать ПДД (и даже направление движения), но вот возвращаться обратно по встречке уже не получится: больной уже под контролем врачей, да и рискованно это слишком.

Экономическая обстановка тоже не самая спокойная, поэтому требуется определить минимальное количество станций, которое нужно построить, чтобы скорая могла доехать обратно до станции от любого дома города.

Формат входных данных

В первой строке входного файла задано число n ($1 \le n \le 3000$) — количество домов. Во второй строке записано количество дорог m ($1 \le m \le 10^5$). Далее следует описание дорог в формате $a_i b_i$, означающее, что по i-й дороге разрешается движение от дома a_i к дому b_i ($1 \le a_i, b_i \le n$).

Формат выходных данных

Выведите одно число — минимальное количество станций, которое нужно построить, чтобы скорая могла доехать от любого дома до станции, соблюдая ПДД. Если к дому пристроена станция, то от этого дома до станции, очевидно, можно доехать.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1
3	
1 2	
2 3	
1 3	

Задача Ј. Таня и пароль

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пока папа был на работе, маленькая девочка Таня решила поиграть с папиным паролем к секретной базе данных. Папин пароль представляет собой строку, состоящую из n+2 символов. Она выписала все возможные n трёхбуквенных подстрок пароля на бумажки, по одной на каждую бумажку, а сам пароль выкинула. Каждая трёхбуквенная подстрока была выписана на бумажки столько раз, сколько она встречалась в пароле. Таким образом, в итоге у Тани оказалось n бумажек.

Потом Таня поняла, что папа расстроится, если узнает о ее игре, и решила восстановить пароль или, по крайней мере, хотя бы какую-то строку, соответствующую получившемуся набору трёх-буквенных строк. Вам предстоит помочь ей в этой непростой задаче. Известно, что папин пароль состоял из строчных и заглавных букв латинского алфавита, а также из цифр. Строчные и заглавные буквы латинского алфавита считаются различными.

Формат входных данных

В первой строке следует целое число $n\ (1\leqslant n\leqslant 2\cdot 10^5)$, количество трёхбуквенных подстрок, которые получились у Тани.

Следующие n строк каждая содержат по три буквы, образующие подстроку пароля папы. Каждый символ во вводе — строчная или заглавная буква латинского алфавита или цифра.

Формат выходных данных

Если во время игры Таня что-то напутала, и строк, соответствующих данному набору подстрок, не существует, то выведите «NO».

Если же возможно восстановить строку, соответствующую данному набору подстрок, то выведите «YES», а затем любой подходящий вариант пароля.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	YES
aca	abacaba
aba	
aba	
cab	
bac	
4	NO
abc	
bCb	
cb1	
b13	
7	YES
aaa	aaaaaaaaa
aaa	

Задача К. Обновление дата-центров

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

У компании BigData Inc. есть n дата-центров, пронумерованных от 1 до n, расположенных по всему миру. В этих дата-центрах хранятся данные клиентов компании (как можно догадаться из названия — большие данные!)

Основой предлагаемых компанией BigData Inc. услуг является гарантия возможности работы с пользовательскими данными даже при условии выхода какого-либо из дата-центров компании из доступности. Подобная гарантия достигается путём использования двойной репликации данных. Двойная репликация — это подход, при котором любые данные хранятся в двух идентичных копиях в двух различных дата-центрах.

Про каждого из m клиентов компании известны номера двух различных дата-центров $c_{i,1}$ и $c_{i,2}$, в которых хранятся его данные.

Для поддержания работоспособности дата-центра и безопасности данных программное обеспечение каждого дата-центра требует регулярного обновления. Релизный цикл в компании BigData Inc. составляет один день, то есть новая версия программного обеспечения выкладывается на каждый компьютер дата-центра каждый день.

Обновление дата-центра, состоящего из множества компьютеров, является сложной и длительной задачей, поэтому для каждого дата-центра выделен временной интервал длиной в час, в течение которого компьютеры дата-центра обновляются и, как следствие, могут быть недоступны. Будем считать, что в сутках h часов. Таким образом, для каждого дата-центра зафиксировано целое число u_j ($0 \le u_j \le h-1$), обозначающее номер часа в сутках, в течение которого j-й дата-центр недоступен в связи с плановым обновлением.

Из всего вышесказанного следует, что для любого клиента должны выполняться условия $u_{c_{i,1}} \neq u_{c_{i,2}}$, так как иначе во время одновременного обновления обоих дата-центров, компания будет не в состоянии обеспечить клиенту доступ к его данным.

В связи с переводом часов в разных странах и городах мира, время обновления в некоторых дата-центрах может сдвинуться на один час вперёд. Для подготовки к непредвиденным ситуациям руководство компании хочет провести учения, в ходе которых будет выбрано некоторое непустое подмножество дата-центров, и время обновления каждого из них будет сдвинуто на один час позже внутри суток (то есть, если $u_j = h - 1$, то новым часом обновления будет 0, иначе новым часом обновления станет $u_j + 1$). При этом учения не должны нарушать гарантии доступности, то есть, после смены графика обновления должно по-прежнему выполняться условие, что данные любого клиента доступны хотя бы в одном экземпляре в любой час.

Учения — полезное мероприятие, но трудоёмкое и затратное, поэтому руководство компании обратилось к вам за помощью в определении минимального по размеру непустого подходящего подмножества дата-центров, чтобы провести учения только на этом подмножестве.

Формат входных данных

В первой строке находятся три целых числа n, m и h ($2 \le n \le 100\,000, 1 \le m \le 100\,000, 2 \le h \le 100\,000$) — число дата-центров компании, число клиентов компании и количество часов в сутках.

Во второй строке вам даны n чисел u_1, u_2, \ldots, u_n ($0 \le u_j < h$), j-е из которых задаёт номер часа, в который происходит плановое обновление программного обеспечения на компьютерах датацентра j.

Далее в m строках находятся пары чисел $c_{i,1}$ и $c_{i,2}$ ($1 \leqslant c_{i,1}, c_{i,2} \leqslant n, c_{i,1} \neq c_{i,2}$), задающие номера дата-центров, на которых находятся данные клиента i.

Гарантируется, что при заданном расписании обновлений в дата-центрах любому клиенту в любой момент доступна хотя бы одна копия его данных.

Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальное количество дата-центров k ($1 \le k \le n$), которые должны затронуть учения, чтобы не потерять гарантию доступности. Во второй строке выведите k различных целых чисел — номера кластеров x_1, x_2, \ldots, x_k ($1 \le x_i \le n$), на которых в рамках учений обновления станут проводиться на час позже. Номера кластеров можно выводить в любом порядке.

Если возможных ответов несколько, разрешается вывести любой из них. Гарантируется, что хотя бы один ответ, удовлетворяющий условиям задачи, существует.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 5	1
4 4 0	3
1 3	
3 2	
3 1	
4 5 4	4
2 1 0 3	1 2 3 4
4 3	
3 2	
1 2	
1 4	
1 3	

Замечание

Рассмотрим первый тест из условия. Приведённый ответ является единственным способом провести учения, затронув только один дата-центр. В таком сценарии третий сервер начинает обновляться в первый час дня, и никакие два сервера, хранящие данные одного и того же пользователя, не обновляются в один и тот же час.

 ${\bf C}$ другой стороны, например, сдвинуть только время обновления первого сервера на один час вперёд нельзя — в таком случае данные пользователей 1 и 3 будут недоступны в течение нулевого часа.

Задача L. Авиалинии

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В Берляндии скоро появятся свои авиалинии. Комитет по разработке берляндских авиалиний уже предложил свой вариант соединения городов авиарейсами. Каждый авиарейс задается парой различных городов. Рейсы односторонние. Президенту понравился план, однако он показался ему чересчур неэкономным. Требуется разработать новый план, который содержит наименьшее количество авиарейсов и удовлетворяет условию: если из города aможно было попасть в город b (возможно, с пересадками) согласно первоначальному плану, то и в новом плане это должно быть возможным. Если же это было сделать невозможно, то и согласно новому плану это не должно быть возможным. Очевидно, что из любого города можно попасть в него самого.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записаны целые числа N и M ($1 \le N \le 10^3$, $0 \le M \le 10^4$), где N — количество городов в стране, а M — количество авиарейсов в первоначальном плане. Города нумеруются от 1 до N. Далее записано M пар различных чисел a_i , b_i обозначающих наличие рейса из a_i в b_i в первоначальном плане ($1 \le a_i \le N$, $1 \le b_i \le N$). Пары разделяются пробелами или переводами строк. Между парой городов может быть более одного авиарейса.

Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите количество рейсов в новом плане. Далее выведите авиарейсы в формате, аналогичном формату входных данных. Пары разделяйте пробелами или переводами строк. Пары выводите в любом порядке. Если существует несколько решений, выведите любое.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 5	4
1 2	1 2 2 3 3 1 1 4
2 3	
2 1	
3 2	
2 4	

Задача M. The One with the Cop [B', B]

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

- -Pivot! Pivot! Pivot!
- -Shut up! Shut up! Shut up!
- -Okay, I don't think it's gonna pivot anymore.
- -You think?!

Росс и Рейчел купили в квартиру отвратительно длинный диван. Росс работает палеонтологом в Нью-Йоркском Музее Естественной Истории, поэтому с его зарплатой он решил не тратиться на доставку. Росс посчитал, что сможет сам донести диван до своей квартиры.

По пути до своего дома Росс попал в переулок, который из-за своей странной структуры напоминал скорее лабиринт, чем Нью-Йоркский переулок.

Переулок представляет собой поле n на m клеток. Каждая клетка либо пуста, либо в ней находится препятствие. В том магазине, в котором были Росс и Рейчел, диваны бывают разной длины, но все они занимают k подряд идущих клеток в одной линии для некоторого k. Разумеется, диван не может находиться в клетке, в которой находится препятствие. Росс очень сильный, поэтому он может перенести диван любой длины.

Изначально, Росс может зайти в переулок в любой клетке левого столбца, но он должен держать диван параллельно левой границе переулка. Чтобы выйти из переулка, он должен оказаться в какойнибудь клетке правого столбца переулка, держа диван параллельно этой границе.

Когда Росс держит диван параллельно одной из границ переулка, он может перенести его на одну клетку вдоль этой границы, или же он может взять диван за один из его концов, поднять его в этом месте в воздух, и опустить его параллельно другой стороне переулка. Разумеется, он может сделать эти действия, только если после этих действий диван будет находится на пустых клетках.

Теперь Россу и Рейчел интересно, какой максимальной длины диван можно перенести через переулок.

Формат входных данных

В первой строке входных данных находятся два целых числа n и m ($1 \le n, m \le 300$) — количество строк и столбцов в переулке, соответственно. В следующих n строках находятся m символов. j-й символ i-й строки равняется «#», если в j-й клетке i-й строки находится стена, иначе он равен «.».

Формат выходных данных

В единственной строке выведете одно число — максимальное количество клеток, которое может занимать диван такой, что Росс может перенести его через переулок. Если диван никакой длины нельзя пронести через переулок, выведите число 0.

стандартный ввод	стандартный вывод
3 5	2
##	
.#.#.	
##	